Von der mittleren zur lokalen Änderung

2.8 Masten mit Kabel

Titel V2 – 2-Z1 Masten mit Kabel

Version Mai 2011

Themenbereich Von der Sekanten- zur Tangentensteigung

Themen Verfeinerung der Intervalle zur Bestimmung der Steigung an

einzelnen Punkten eines Graphen

Rolle des GTR Berechnungen mit einer Tabellenkalkulation bzw. mit Wertetabellen

Methoden & Hinweise

Diese Aufgabe dient als Ergänzung der Einführungsaufgaben.

Der Winkel zwischen einem Mast und dem Kabel wird an bestimmten Punkten, den Aufhängepunkten, über die Winkel zwischen Sekanten und dem Mast tabellarisch angenähert. Das soll den Übergang von

der Sekanten- zur Tangentensteigung verdeutlichen und

nachvollziehbar machen.

Je nach Lerngruppe kann auf die Unterpunkte bzw. auf einzelne

Unterpunkte verzichtet werden.

Aufgabenteil c) kann nur mit dem GTR durchgeführt werden, bei dem

die Veränderung des Graphen auch eine Veränderung des

Funktionsterms nach sich zieht.

Wenn diese Funktion auf Ihrem Taschencomputer nicht zur Verfügung steht, kann man sie auch durch die alternative

Aufgabenstellung ersetzen.

In der Hamburger Handreichung wird diese Aufgabe als

Einführungsaufgabe benutzt. An dieser Stelle ist darauf verzichtet worden, weil vordergründig der Winkel zwischen dem Kabel und einem Mast und nicht der Steigungswinkel des Kabels bestimmt wird.

Quelle Handreichung der Schulbehörde Hamburg

V6 Von der mittleren zur lokalen Änderung – Lernheft Aufgabe 3

Version 2.2 Januar 2008

Zeitlicher Rahmen 30 Minuten

Von der mittleren zur lokalen Änderung

An zwei Masten, die 50 m voneinander entfernt stehen, ist ein Kabel aufgehängt. Das Kabel hängt in der Mitte 8 m durch.

In dieser Aufgabe soll der Winkel zwischen einem Mast und dem Kabel bestimmt werden.



Hinweis: Als Modell für das Kabel ist als erste Annäherung eine Parabel geeignet. Wenn Sie das Koordinatensystem günstig legen, vereinfacht sich das Problem zusätzlich. Die Zeichnung hier ist nicht maßstabsgerecht.

- a. Bestimmen Sie eine Gleichung für die "Kabel-Funktion"k.
- b. Skizzieren Sie den Graphen der Kabelfunktion in ein Koordinatensystem in Ihrem Heft und bestimmen den Winkel grafisch.
- zeichnen Sie den Graphen mit Ihrem GTR.
 Bestimmen Sie zusätzlich eine lineare Funktion, deren Graph durch einen Aufhängepunkt verläuft.

Verändern Sie durch Ziehen an dem Graphen der linearen Funktion diese derart, dass sie im Aufhängepunkt annähernd tangential zur Parabel verläuft.

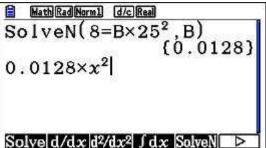
Alternativ: Zeichnen Sie mit Ihrem GTR unterschiedliche lineare Funktionen derart, dass sie immer besser im Aufhängepunkt tangential zur Parabel verlaufen. Vergrößern Sie Ihre Genauigkeit sinnvoll durch Zoomen.

Wenn Sie mit Ihrem Ergebnis zufrieden sind und keine bessere Genauigkeit erreichen können, so geben Sie die lineare Funktion an und berechnen Sie den Winkel zwischen der Tangente (der eben gefundenen linearen Funktion) und dem Mast. Vergleichen Sie das Ergebnis mit Ihrer grafisch gefundenen Lösung.

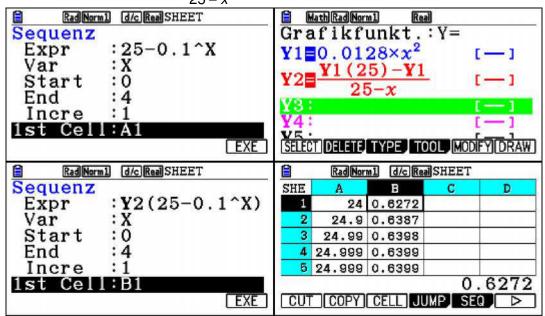
d. Diskutieren Sie, wie man diesen Winkel rechnerisch (d. h. ohne Probieren mit linearen Funktionen) bestimmen kann und führen Sie die Berechnung durch.

Von der mittleren zur lokalen Änderung

a. Legt man den Ursprung in den Scheitelpunkt der Parabel k, so erhält man als Funktionsterm.



- b. Der Winkel beträgt 57,4°. Diese Genauigkeit bekommen Schülerinnen und Schüler im Allgemeinen nicht hin.
- c. Der Funktionsterm der linearen Funktion ist in etwa $I(x) = 0.64 \cdot (x 25) + 8 = 0.64 \cdot x 8$.
- d. Die Steigung der Sekanten zwischen einem Punkt des Graphen und dem Aufhängepunkt wird berechnet. Dann nähert man sich mit Punkt auf dem Graphen dem Aufhängepunkt immer mehr an.
 - D. h. man berechnet $s(x) = \frac{f(25) f(x)}{25 x}$ mit $x \to 25$.



Anschliessend werden noch mal die gleichen Berechnungen durchgeführt, aber nicht mit x von 0 bis 4, sondern von 5 bis 7.